

Веркчайб Лобанову И.С.

Методические материалы

К семинару по теме «Расчет винтовых пружин растяжения – сжатия».

1. Общие положения.

I. Геометрические параметры:

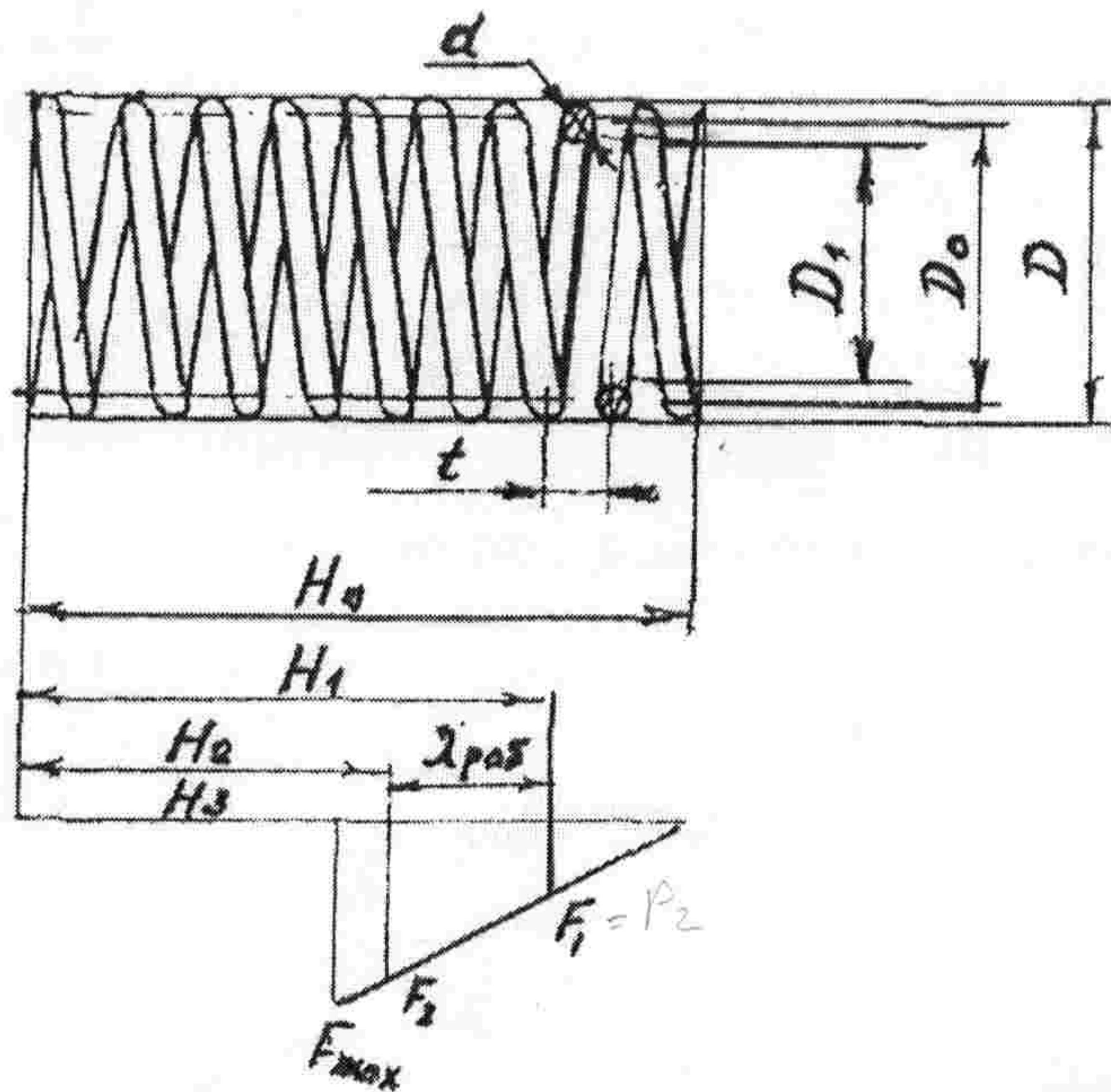


Рис. I.

Н3 – высота (длина) пружины при максимальной силе F_{max}.

d – диаметр проволоки;

D₀ – средний диаметр;

D₁ – внутренний диаметр;

D – наружный диаметр;

t – шаг навивки;

C = D₀/d – индекс пружины;

i_p – число рабочих витков;

H₀ – начальная длина (высота) пружины;

λ_p = H₂ – H₁ – рабочая деформация

(рабочий ход);

2. Характеристики: K = (F₂ – F₁)/λ_p – жесткость пружин;

S = 1/K – чувствительность, податливость.

3. Расчетные формулы:

$$\text{Уравнение прочности } \phi_{\max} = \frac{8 \cdot F_{\max} \cdot D_0 \cdot K \phi}{p \cdot d^3} \leq [\phi],$$

$$\text{откуда: } d \geq \sqrt[3]{\frac{8 \cdot F_{\max}}{\pi \cdot [\phi]} \cdot c \cdot K \phi},$$

где K_t = (4·c + 2)/(4·c-3) – коэффициент увеличения напряжения на внутренней стороне

витка;

$$[\tau] = \tau_t / n_t ; \quad \tau_t = (0.5 \dots 0.57) \cdot \sigma_t .$$

Если не указано σ_t , то можно считать $\tau_b \approx (0.5 \dots 0.57) \cdot \sigma_b$; $\tau_t = (0.7 \dots 0.85) \cdot \tau_b$.

4. Уравнение жесткости: $\lambda = \frac{8 \cdot F \cdot D_o^3 \cdot i_p}{G \cdot d^4} = \frac{8 \cdot F \cdot c^3 \cdot i_p}{G \cdot d}$;

$$K = \frac{F}{l} = \frac{G \cdot d}{8 \cdot c^3 \cdot i_p} ; \quad i_p = \frac{G \cdot d}{8 \cdot K \cdot c^3} ; \quad \frac{i_p}{d} = \frac{G}{8 \cdot K \cdot c^3} .$$

II. Задача №1.

Спроектировать натяжную пружину 1 кулачкового механизма, обеспечивающую при рабочем ходе λ_p силы прижатия толкателя 2 к кулачку 3 F_1 и F_2 .

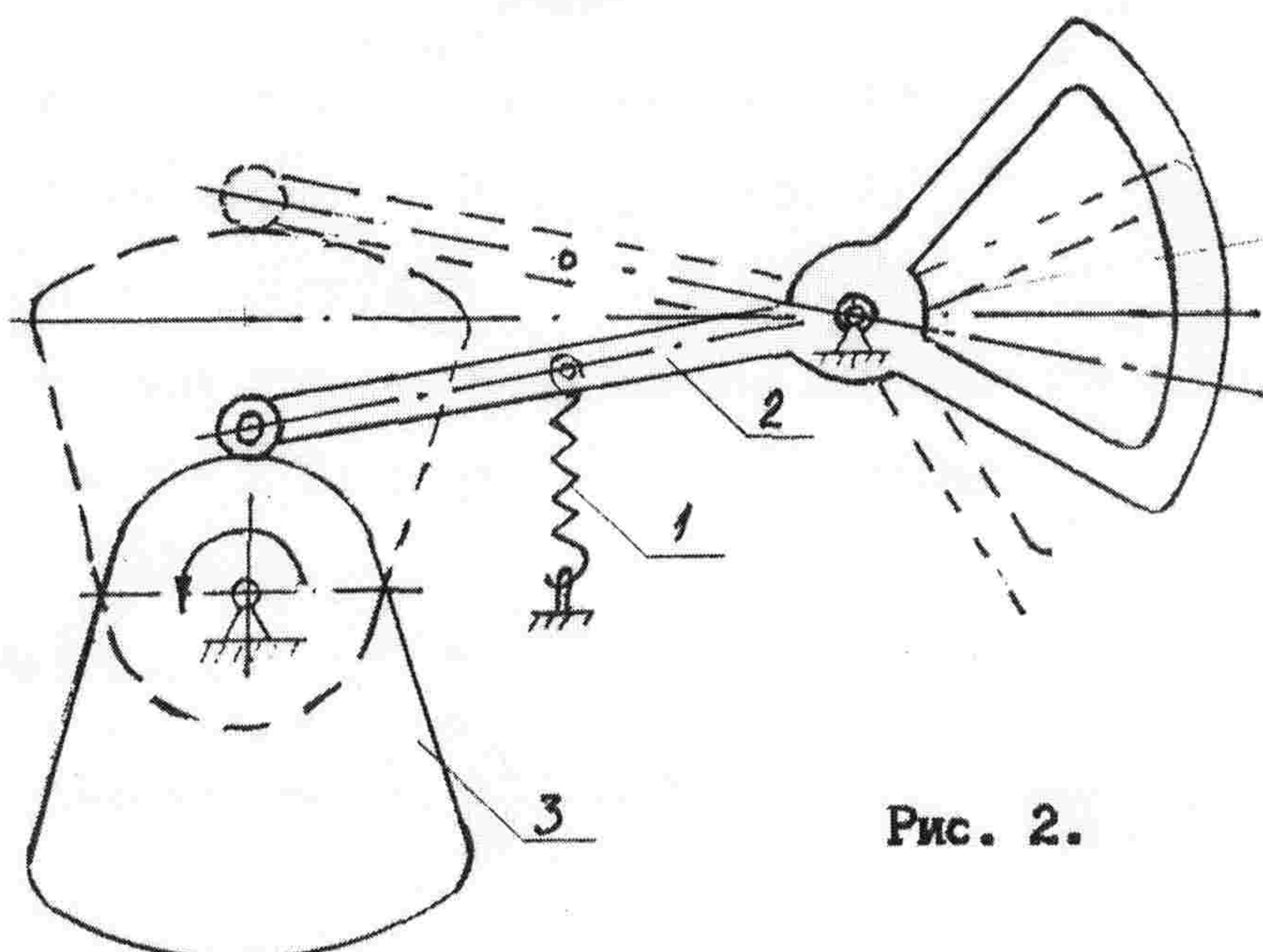


Рис. 2.

Задано:

$$F_1 = 2,2 \text{ Н}$$

$$F_2 = 3,0 \text{ Н}$$

$$\lambda_p = 8 \text{ мм}$$

Определить:

$$d, D_o,$$

$$H_0, H_1, i_p .$$

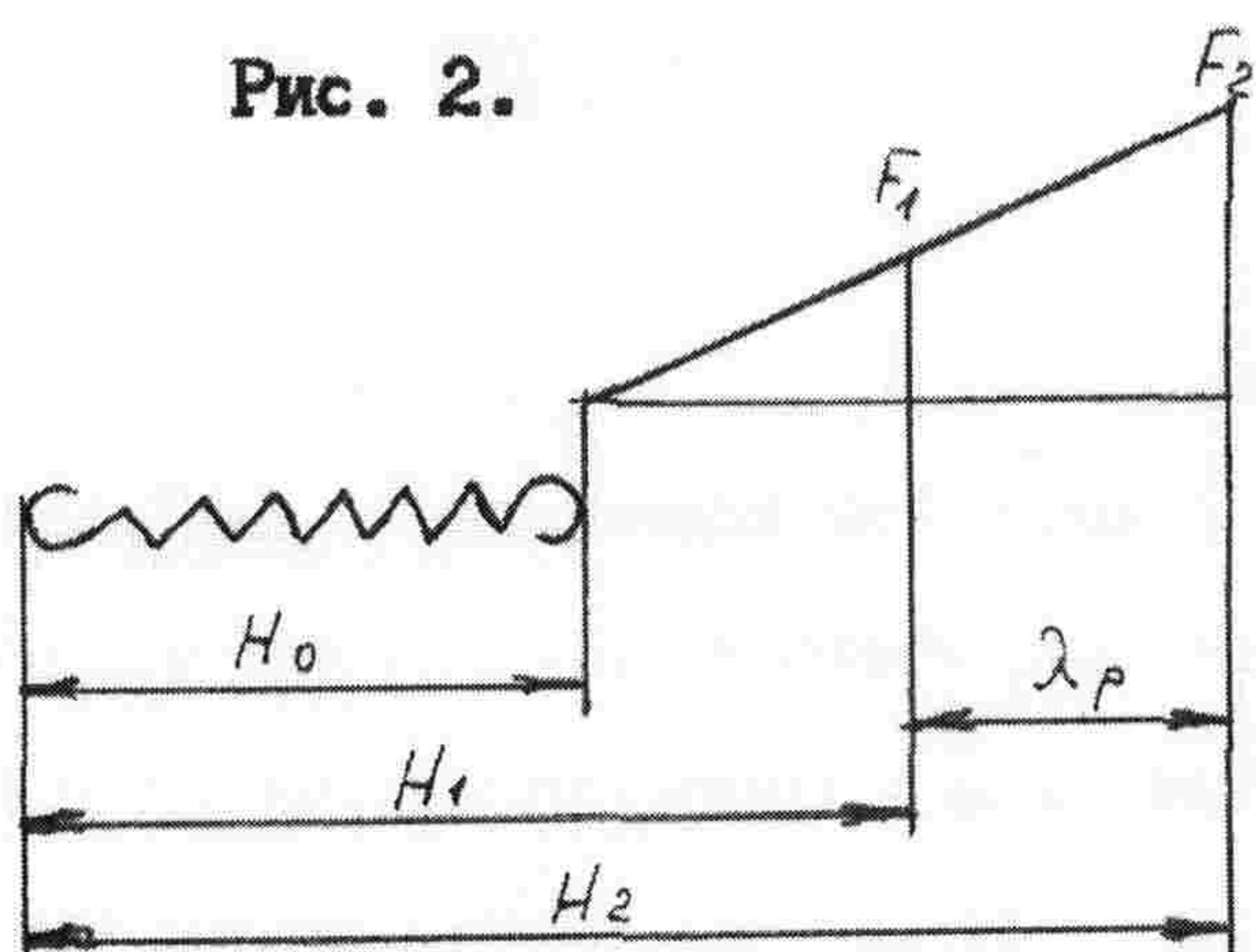


Рис. 3.

1. Выбор материала проволоки.

Примем в качестве материала стальную углеродистую пружинную проволоку по ГОСТ 9398- 75, класс II (Элементы приборных устройств. Курсовое проектирование. Часть 2, стр.227, табл.43).

Поскольку σ_b зависит от диаметра проволоки, возьмем значение $\sigma_b = 2200$ МПа;

$G = 8.1 \cdot 10^4$ МПа, тогда:

$$\phi_b = (0.5 \dots 0.57) \cdot y_b = 0.5 \cdot 2200 = 1100 \text{ (МПа)}.$$

$$[\tau] = \tau_b / n_b; \quad n_b = 2.5 - \text{коэффициент запаса.} \quad [\tau] = 1100 / 2.5 = 440 \text{ (МПа).}$$

$$\text{С другой стороны: } \tau_t = (0.7 \dots 0.85) \cdot \tau_b; \quad \tau_t = 0.8 \cdot 1100 = 880 \text{ (МПа).}$$

$$[\tau] = \tau_t / n_t; \quad \text{где } n_t - \text{коэффициент запаса по текучести.}$$

$$\text{Для неответственных устройств } n_t = 1.2 \dots 1.8;$$

$$\text{для ответственных механизмов } n_t = 1.5 \dots 2.5;$$

$$\text{для измерительных пружин} \quad n_t = 5 \dots 10.$$

Проектируемая пружина предназначена для ответственного механизма.

Принимаем $n_t = 2$. Тогда $[\tau] = 880 / 2 = 440 \text{ (МПа).}$

2. Определение d, i_p .

$$\text{Имеем зависимости: } d \geq \sqrt{\frac{8 \cdot F_2}{p \cdot [\tau]} \cdot c \cdot K_t}; \quad \frac{i_p}{d} = \frac{G}{8 \cdot K \cdot c^3};$$

$$\text{где } K = \Delta F / \lambda_p = (F_2 - F_1) / \lambda_p = (3 - 2.2) / 8 = 0.1 \text{ (Н/мм).}$$

В каждой формуле есть часть неизменная и зависящая от индекса c .

Поскольку, напрямую задача не решается, то следует задаться различными значениями c , для которых и определить параметры пружины, а затем выбрать наиболее подходящую из конструктивных соображений.

$$\frac{8 \cdot F_2}{p \cdot [\phi]} = \frac{8 \cdot 3}{3.14 \cdot 440} = 0.01737 = 1.737 \cdot 10^{-2} \text{ (мм}^2\text{).}$$

$$\frac{G}{8 \cdot K} = \frac{8.1 \cdot 10^4}{8 \cdot 0.1} = 1 \cdot 10^5 \text{ (1/мм).}$$

$$\text{Тогда: } d \geq \sqrt{1.737 \cdot 10^{-2} \cdot c \cdot K\tau}; \quad \frac{i_p}{d} = \frac{10^5}{c^3}; \quad i_p = \frac{10^5 \cdot d}{c^3},$$

где $K\tau = (4 \cdot c + 2) / (4 \cdot c - 3)$.

Рекомендуемые для приборных пружин $c = 8 \dots 12$. (Элементы приборных устройств. Курсовое проектирование. Часть 2, стр.161).

Проведем расчеты для $c = 8, c = 9, c = 10, c = 11, c = 12$.

$$\text{№ 1. } c = 8. \quad K\tau = \frac{4 \cdot 8 + 2}{4 \cdot 8 - 3} = \frac{34}{29} = 1.17;$$

$$d \geq \sqrt{1.737 \cdot 10^{-2} \cdot 8 \cdot 1.17} = \sqrt{16.26 \cdot 10^{-2}} = 0.403 \text{ (мм).}$$

В соответствии с сортаментом принимаем $d = 0.4 \text{ мм}$ (табл.43, стр.227).

$$i_p = \frac{10^5 \cdot 0.4}{8^3} = 195.3 \cdot 0.4 = 78 \text{ (витков).}$$

$$\text{№ 2. } c = 9. \quad K\tau = \frac{4 \cdot 9 + 2}{4 \cdot 9 - 3} = \frac{38}{33} = 1.15;$$

$$d \geq \sqrt{1.737 \cdot 10^{-2} \cdot 9 \cdot 1.15} = \sqrt{18.00 \cdot 10^{-2}} = 0.424 \text{ (мм).}$$

По ГОСТ принимаем $d = 0.45 \text{ мм.}$

$$i_p = \frac{10^5 \cdot 0.45}{9^3} = 137.2 \cdot 0.45 = 62 \text{ (витка).}$$

$$\text{№ 3. } c = 10. \quad K\tau = \frac{4 \cdot 10 + 2}{4 \cdot 10 - 3} = \frac{42}{37} = 1.135;$$

$$d \geq \sqrt{1.737 \cdot 10^{-2} \cdot 10 \cdot 1.135} = \sqrt{19.72 \cdot 10^{-2}} = 0.444 \text{ (мм).}$$

По ГОСТ принимаем $d = 0.45 \text{ мм.}$

$$i_p = \frac{10^5 \cdot 0.45}{10^3} = 100 \cdot 0.45 = 45 \text{ (витков).}$$

$$\text{№ 4. } c = 11. \quad K\tau = \frac{4 \cdot 11 + 2}{4 \cdot 11 - 3} = \frac{46}{41} = 1.12;$$

$$d \geq \sqrt{1.737 \cdot 10^{-2} \cdot 11 \cdot 1.12} = \sqrt{21.4 \cdot 10^{-2}} = 0.462 \text{ (мм).}$$

Учитывая приближенность расчетов, по ГОСТ можно принять $d = 0.45$ мм.

$$i_p = \frac{10^5 \cdot 0.45}{11^3} = 75.13 \cdot 0.45 = 34 \text{ (витка).}$$

$$\text{№ 5. } c = 12. \quad K_T = \frac{4 \cdot 12 + 2}{4 \cdot 12 - 3} = \frac{50}{45} = 1.11;$$

$$d \geq \sqrt{1.737 \cdot 10^{-2} \cdot 12 \cdot 1.11} = \sqrt{23.16 \cdot 10^{-2}} = 0.48 \text{ (мм).}$$

По ГОСТ принимаем $d = 0.5$ мм.

$$i_p = \frac{10^5 \cdot 0.5}{12^3} = 57.87 \cdot 0.5 = 30 \text{ (витков).}$$

3. Определение геометрических размеров D_o, D, H_o .

(Пружины растяжения обычно навиваются без зазора между витками.)

$H_o = i_p \cdot d + \psi \cdot D$, где $\psi = 0.5 \dots 2$ – учитывая размеры зацепов, принимаем $\psi = 2$.

$$D_o = c \cdot d; \quad D = D_o + d.$$

№ 1. $c = 8 \Rightarrow d = 0.4$ мм; $D_o = 3.2$ мм; $D = 3.6$ мм; $H_o = 38.4$ мм.

№ 2. $c = 9 \Rightarrow d = 0.45$ мм; $D_o = 4.05$ мм; $D = 4.5$ мм; $H_o = 37$ мм.

№ 3. $c = 10 \Rightarrow d = 0.45$ мм; $D_o = 4.5$ мм; $D = 5.0$ мм; $H_o = 30$ мм.

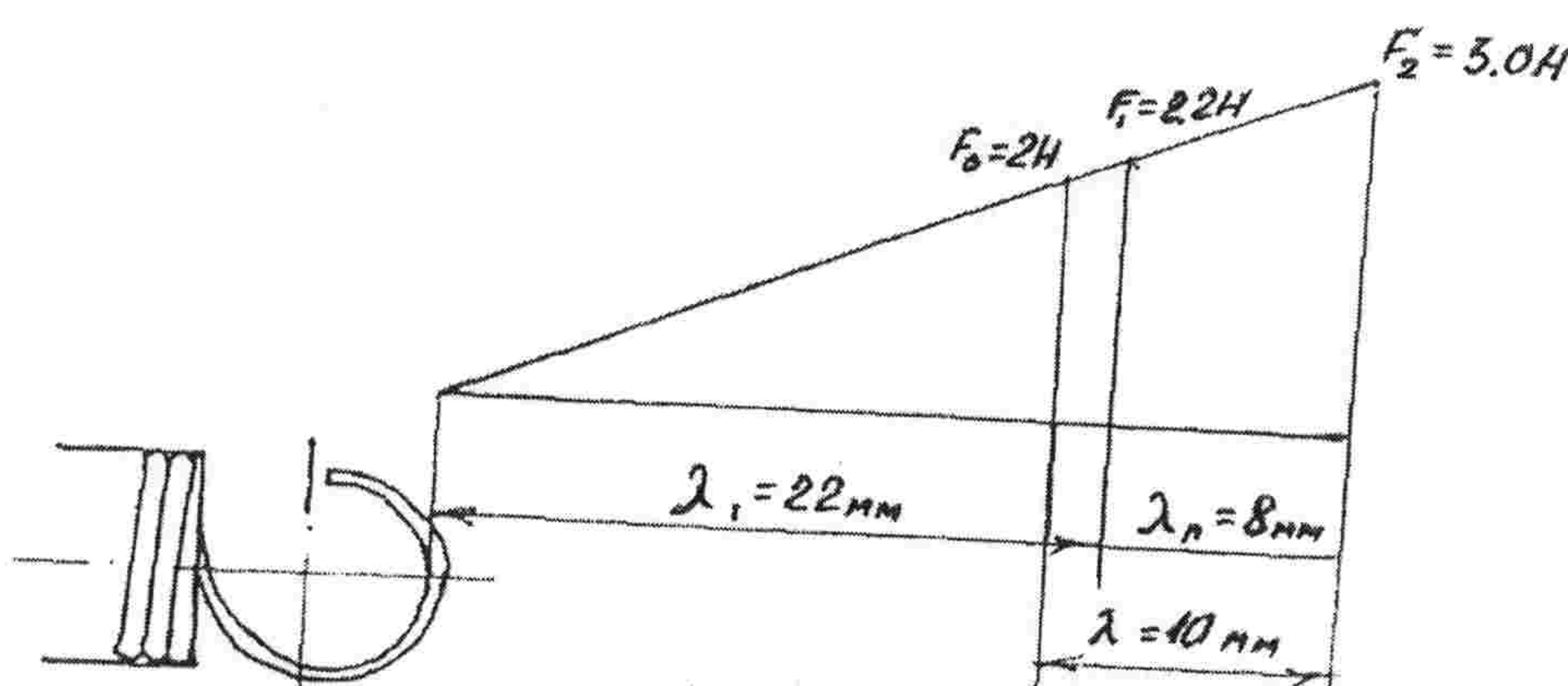
№ 4. $c = 11 \Rightarrow d = 0.45$ мм; $D_o = 4.95$ мм; $D = 5.4$ мм; $H_o = 26$ мм.

№ 5. $c = 12 \Rightarrow d = 0.5$ мм; $D_o = 6.0$ мм; $D = 6.5$ мм; $H_o = 28$ мм.

На рис.4 представлены эти пружины в масштабе 1:2.

Очевидно, наилучшее соотношение геометрических параметров имеет пружина № 4

($c = 11$). Эта пружина имеет следующую характеристику (рис.5).



Из рассмотрения характеристики пружины можно сделать вывод о том, что с целью уменьшения габаритов устройства следует изготовить пружину с предварительным поджатием витков, т.е. с начальной силой $F_0 = 2 \text{ Н}$, тогда деформация пружины вместо 30 мм составит только 10 мм.